

BE 1.0 Gegeben ist die Ebenenschar E_k und die Geradenschar g_k mit

$$E_k : kx_1 + x_2 - x_3 - 2k = 0 \quad \text{und} \quad g_k : \vec{x} = \mu \cdot \begin{pmatrix} k \\ k \\ 2 \end{pmatrix} \quad \text{mit } k, \mu \in \mathbb{R}.$$

3 1.1 Bestimmen Sie die Schnittgerade s der Ebenen E_0 und E_1 .

$$(\text{Mögliches Ergebnis: } s : \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \lambda \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \lambda \in \mathbb{R})$$

4 1.2 Ermitteln Sie die Werte für k , für die die Geraden g_k parallel zur zugehörigen Ebene E_k verlaufen.

4 1.3 Geben Sie eine Gleichung der Ebene F in Koordinatenform an, in der alle Geraden g_k liegen. Beschreiben Sie die besondere Lage dieser Ebene F im Koordinatensystem.

$$(\text{Mögliches Ergebnis: } F : x_1 - x_2 = 0)$$

5 1.4 Berechnen Sie den Wert für k so, dass sich die Ebenen E_k und F unter einem Winkel von 45° schneiden.

4 1.5 Bestimmen Sie alle Punkte, die auf der Geraden s liegen und von der Ebene F den Abstand $\sqrt{2}$ haben.

5 1.6 Bestimmen Sie die Gerade h , die bezüglich der Ebene F spiegelbildlich zur Geraden s verläuft.

2.0 Gegeben sind die Vektoren $\vec{u}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ t \end{pmatrix}$, $\vec{v}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ t-1 \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\vec{w}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ t^2+1 \\ -1 \end{pmatrix}$ mit $t \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$.

5 2.1 Bestimmen Sie, für welches t die Vektoren \vec{u}_t , \vec{v}_t und \vec{w}_t keine Basis des \mathbb{R}^3 bilden.

4 2.2 Stellen Sie für $t = -1$ den Vektor $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$ als Linearkombination von \vec{u}_{-1} , \vec{v}_{-1} und \vec{w}_{-1} dar.

