

BE 1.0 Gegeben ist die Ebenenschar  $E_k$  und die Geradenschar  $g_k$  mit

$$E_k : kx_1 + x_2 - x_3 - 2k = 0 \quad \text{und} \quad g_k : \vec{x} = \mu \cdot \begin{pmatrix} k \\ k \\ 2 \end{pmatrix} \quad \text{mit } k, \mu \in \mathbb{R}.$$

3 1.1 Bestimmen Sie die Schnittgerade  $s$  der Ebenen  $E_0$  und  $E_1$ .

$$\text{(Mögliches Ergebnis: } s : \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \lambda \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \lambda \in \mathbb{R} \text{)}$$

4 1.2 Ermitteln Sie die Werte für  $k$ , für die die Geraden  $g_k$  parallel zur zugehörigen Ebene  $E_k$  verlaufen.

4 1.3 Geben Sie eine Gleichung der Ebene  $F$  in Koordinatenform an, in der alle Geraden  $g_k$  liegen. Beschreiben Sie die besondere Lage dieser Ebene  $F$  im Koordinatensystem.

$$\text{(Mögliches Ergebnis: } F : x_1 - x_2 = 0 \text{)}$$

5 1.4 Berechnen Sie den Wert für  $k$  so, dass sich die Ebenen  $E_k$  und  $F$  unter einem Winkel von  $45^\circ$  schneiden.

4 1.5 Bestimmen Sie alle Punkte, die auf der Geraden  $s$  liegen und von der Ebene  $F$  den Abstand  $\sqrt{2}$  haben.

5 1.6 Bestimmen Sie die Gerade  $h$ , die bezüglich der Ebene  $F$  spiegelbildlich zur Geraden  $s$  verläuft.

2.0 Gegeben sind die Vektoren  $\vec{u}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ t \end{pmatrix}$ ,  $\vec{v}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ t-1 \\ 1 \end{pmatrix}$  und  $\vec{w}_t = \begin{pmatrix} 1 \\ t^2+1 \\ -1 \end{pmatrix}$  mit  $t \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

5 2.1 Bestimmen Sie, für welches  $t$  die Vektoren  $\vec{u}_t$ ,  $\vec{v}_t$  und  $\vec{w}_t$  keine Basis des  $\mathbb{R}^3$  bilden.

4 2.2 Stellen Sie für  $t = -1$  den Vektor  $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$  als Linearkombination von  $\vec{u}_{-1}$ ,  $\vec{v}_{-1}$  und  $\vec{w}_{-1}$  dar.

