

- BE 1.0 In einem kartesischen Koordinatensystem des \mathbb{R}^3 sind die Vektoren
 $\vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ und $\vec{c}_k = \begin{pmatrix} 4+k \\ -5-5k \\ 1-2k \end{pmatrix}$ mit $k \in \mathbb{R}$ gegeben.
- 3 1.1 Bestimmen Sie den Wert für $k \in \mathbb{R}$, für den die gegebenen Vektoren keine Basis des dreidimensionalen Vektorraums \mathbb{R}^3 bilden.
- 4 1.2 Stellen Sie den Vektor $\vec{d} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$ als Linearkombination der Vektoren \vec{a} , \vec{b} und \vec{c}_2 dar.
- 2.0 Die Punkte $A(2; 1; 5)$, $B(0; -2; 0)$ und $D(2; -2; 2)$ spannen eine Ebene E auf. Zudem sind für $k \in \mathbb{R}$ die Punkte $C_k(4+k; -5-5k; 1-2k)$ gegeben.
- 3 2.1 Geben Sie eine Gleichung der Ebene E in Koordinatenform an.
 (Mögliches Ergebnis: $E: x_1 + x_2 - x_3 + 2 = 0$)
- 2 2.2 Alle Punkte C_k liegen auf einer Geraden g . Geben Sie eine Gleichung der Geraden g an.
- 8 2.3 Die Gerade g' ist die senkrechte Projektion von g auf die Ebene E (d.h. g' liegt in der Ebene E und bestimmt zusammen mit der Geraden g eine Ebene, die senkrecht zu E liegt). Ermitteln Sie eine Gleichung der Geraden g' .
 (Mögliches Ergebnis: $g': \vec{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ -5 \\ 1 \end{pmatrix} + \tau \begin{pmatrix} -5 \\ 13 \\ 8 \end{pmatrix}$, $\tau \in \mathbb{R}$)
- 3 2.4 Berechnen Sie das Gradmaß des Winkels α , den die Geraden g und g' einschließen.
- 5 2.5 Die Punkte A , B und D bilden das Grunddreieck einer Pyramide mit C_k als Spitze. Berechnen Sie die Werte für k , für die die Volumenmaßzahl der Pyramide $V = 20$ beträgt.
- 6 3 Die Gleichung $s: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix} + \sqrt{16-\lambda^2} \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$ beschreibt für alle zulässigen reellen Parameter λ im rechtwinkligen dreidimensionalen Koordinatensystem eine Strecke. Berechnen Sie die Koordinaten der Endpunkte sowie die Länge dieser Strecke.